

Dans cette correction, les **vecteurs** sont en gras

-I.

Pour le calcul $\mathbf{v}(\mathbf{C}) = \omega \mathbf{e}_z \wedge R \mathbf{e}_y = -R\omega \mathbf{e}_x$, je ne comprends pas comment on obtient $\omega \mathbf{e}_z \wedge R \mathbf{e}_y$ à partir de $\Omega \wedge \mathbf{IC}$?

Si l'on a compris pourquoi $\mathbf{v}(\mathbf{C}) = \Omega \wedge \mathbf{IC}$ à partir de la relation du champ des vitesses, alors il faut expliciter les expressions des deux vecteurs Ω et \mathbf{IC} en utilisant un repère. Sur le repère tracé sur la figure de l'énoncé, appelons l'axe horizontal Ox (de vecteur unitaire \mathbf{e}_x) et l'axe vertical Oy (de vecteur unitaire \mathbf{e}_y). Le troisième vecteur unitaire du repère est donc \mathbf{e}_z , perpendiculaire au plan de la figure. Les deux vecteurs recherchés s'expriment alors :

$$\Omega = \omega \mathbf{e}_z \text{ et } \mathbf{IC} = R \mathbf{e}_y.$$

Si la vitesse du point I_1 est nulle, comment la roue se déplace-t-elle sans vitesse ? Comment la roue peut se déplacer autour de I alors qu'elle est en contact avec le sol, si elle avance ou recule elle s'éloigne forcément de I, donc la roue se déplace de façon rectiligne par rapport à I ?
Est-ce que I est un point de la roue comme M et N car sinon la roue ne peut se déplacer autour de ce point ?

La question posée sur $\mathbf{v}(I_1)$ est liée à la définition des points coïncidant, pages 40-42 du cours. Ces points bougent avec le déplacement du contact lors du mouvement, ce ne sont que les points au contact. En fait à tout instant, la roue bascule autour de I, c'est ainsi qu'elle se déplace.

I est le point de contact, I_1 est le point de contact appartenant à la roue, I_2 est le point de contact appartenant au sol, mais ces points sur la périphérie de la roue et au sol ne sont pas les mêmes à t et dt plus tard.

Je ne comprends pas le calcul intermédiaire qui permet d'obtenir le résultat :

$$\mathbf{v}(\mathbf{C}) = -\omega R \mathbf{e}_x$$

En écrivant la relation du champ des vitesses sur la roue, en prenant deux points I_1 et C de la roue:

$$\mathbf{v}(\mathbf{C}) - \mathbf{v}(I_1) = \Omega \wedge \mathbf{IC}$$

Comme $\mathbf{v}(I_1) = \mathbf{0}$,

$$\mathbf{v}(\mathbf{C}) = \Omega \wedge \mathbf{IC} = \omega \mathbf{e}_z \wedge R \mathbf{e}_y$$

Comme $\mathbf{e}_z \wedge \mathbf{e}_y = -\mathbf{e}_x$, (déjà expliqué dans le question-réponse du TD3)

$$\mathbf{v}(\mathbf{C}) = -\omega R \mathbf{e}_x$$

IV) 1.

Pourquoi $\mathbf{v}(H)$ est égal au vecteur nul ?

Le point H est situé au centre de la cavité, donc sa vitesse est nulle.

Comment le disque de centre O_2 peut-il tourner dans le même sens que le disque de centre O_1 ?

Ce n'est pas possible car une force continue vers le bas devrait faire tourner le disque opposé vers le haut

Imaginons que la cavité tourne autour d'un axe passant par H et perpendiculaire au plan de la feuille, comme représenté sur la correction. Comme il n'y a pas glissement en I et J, les deux disques S_1 et S_2 tournent dans le même sens. Bien sûr cela ne fonctionne que si en H les deux disques glissent l'un sur l'autre, ce qui est dit dans l'énoncé.